1 (Sem-1) PHY

2024

PHYSICS

Paper: PHY0100104

(Mathematical Physics and Mechanics)

Full Marks: 45

(e) Write the sruod 2 hours and sind (e)

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese.

- Answer the following questions: 1×5=5
 তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ দিয়া ঃ
 - (a) What is Coriolis force?

 কৰিয়োলছ্ বল কি?
 - (b) If $\nabla \times \vec{F} = 0$, then \vec{F} is called ______ vector.

Contd.

- (c) Write the mathematical expression of Gauss divergence theorem.
 - গাউছৰ অপসৰণ উপপাদ্যটোৰ গাণিতিক প্ৰকাশক ৰাশিটো লিখা।
- (d) State Keplar's third law of planetary motion.
- গ্ৰহৰ গতি সম্পৰ্কীয় কেপলাৰৰ তৃতীয় সূত্ৰটো **লি**খা।
- (e) Write the relation between torque and angular momentum.

টৰ্ক আৰু কৌণিক ভৰবেগৰ মাজৰ সম্পৰ্কেটো লিখা।

2. Answer **any five** questions from the following: 2×5=10

তলৰ যিকোনো পাঁচটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া ঃ

(a) If $\vec{A} = xz^3\hat{i} - 2x^2yz\hat{j} + 2yz^4\hat{k}$, find $\vec{\nabla} \times \vec{A}$ at the point (1, -1, 1).

যদি $\vec{A}=xz^3\hat{i}-2x^2yz\hat{j}+2yz^4\hat{k}$ হয় তেন্তে (1,-1,1) বিন্দুত $\vec{\nabla}\times\vec{A}$ ৰ মান উলিওৱা।

(b) Define Dirac delta function. Write its shifting property.

ডিৰাক ডেল্টা ফলনৰ সংজ্ঞা দিয়া। ইয়াৰ সলনি কৰা ধৰ্মটো লিখা।

(c) Express $\vec{\nabla}\phi$ in spherical polar coordinate.

গোলকীয় মেৰু স্থানাংকত ⊽ঁ ∂ ৰ মান উলিওৱা।

(d) The rotational kinetic energy of a particle is 10 joule and moment of inertia is $8g \, m\text{-}cm^2$. Calculate the angular momentum of the particle.

এটা কণাৰ ঘূৰ্ণন গতিশক্তি 10 জুল আৰু জড় ভ্ৰামক ৪ গ্ৰাম-ছে.মি.²। কণাটোৰ কৌণিক ভৰবেগ নিৰ্ণয় কৰা।

mm(e) Distinguish between elastic and inelastic collision.

স্থিতিস্থাপক আৰু অস্থিতিস্থাপক সংঘাতৰ পাৰ্থক্য লিখা।

- (f) A simple harmonic motion is represented by $y = 5\sin(2\pi t + 30^{\circ})cm$.
 - Find (i) Amplitude
 - (ii) Frequency
 - (iii) Initial phase
 - (iv) Displacement at t=2 sec

 $y = 5 \sin(2\pi t + 30^\circ) cm$ ৰ দ্বাৰা সৰল পৰ্য্যাবৃত্ত গতিক বুজোৱা হৈছে।

নিৰ্ণয় কৰা (i) বিস্তাৰ

- (ii) কম্পনাংক
- (iii) প্ৰাৰম্ভিক দশা
- (iv) t = 2sec ত সৰণ
- (g) A wire of length 2m and diameter 1mm is clamped at one end. Find the couple needed to twist the other end by 90°. Given, $\eta = 2.8 \times 10^{11} \, dyne/cm^2$.

2 মিটাৰ দৈৰ্ঘ্য আৰু 1 N.ম. ব্যাসৰ তাঁৰ এডালৰ এটা মূৰ বান্ধি থোৱা আছে। আনটো মূৰ 90° পকাবলৈ কিমান পৰিমাণৰ বলযুগ্মৰ প্ৰয়োজন হব নিৰ্ণয় কৰা। দিয়া আছে, $\eta = 2 \cdot 8 \times 10^{11}$ ডাইন/ ছে.মি. 2

(h) Estimate whether the following force is conservative or not?

$$\vec{F} = \frac{\alpha}{\alpha^4} x \hat{i} + \frac{\alpha}{r^4} y \hat{j} + \frac{\alpha}{r^4} z \hat{k}.$$

$$\vec{F}=rac{lpha}{lpha^4}\,x\hat{i}+rac{lpha}{r^4}\,y\hat{j}+rac{lpha}{r^4}z\hat{k}$$
 বলটো সংৰক্ষিত হয়
নে নহয় বিচাৰ কৰা।

(i) Calculate Poisson's ratio for silver. Given, Young's modulus for silver is $7.25 \times 10^{10} \, N/m^2$ and bulk modulus is $11 \times 10^{10} \, N/m^2$.

ছিলভাৰৰ পয়চনৰ অনুপাত নিৰ্ণয় কৰা। দিয়া আছে, ছিলভাৰৰ ইংঙৰ গুণাংক $7\cdot25\times10^{10}\,N/m^2$ আৰু আয়তন গুণাংক $11\times10^{10}\,N/m^2$ ।

- (j) Write Poiseuille's equation for a liquid flowing through a narrow tube and also state its corrected form.

 ঠেক নলী এটাৰে প্ৰৱাহিত হোৱা তৰলৰ পয়ছেলীৰ সমীকৰণটো লিখা লগতে ইয়াৰ সংশোধনী সমীকৰণটোও উল্লেখ কৰা।
- 3. Answer **any four** of the following questions: 5×4=20

তলৰ যিকোনো চাৰিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া ঃ

- (a) If $\phi(x, y, z) = 3x^2y y^3z^2$ by any scalar function, find out;
 - (i) grad ϕ at point (1, 2, 2);
- (ii) unit vector ê perpendicular to surface.

3+2=5

যদি $\phi(x, y, z) = 3x^2y - y^3z^2$ এটা স্কেলাৰ ফলন হয় তেন্তে, নিৰ্ণয় কৰা—

- (i) (1, 2, 2) বিন্দুত grad φ;
- (ii) পৃষ্ঠৰ লম্ব হোৱা একক ভেক্টৰ ê।

- (b) Establish that centrifugal force produced as a result of earth's rotation is $\vec{F} = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$, where the symbols have their usual meanings.
 - পৃথিৱীৰ ঘূৰ্ণনৰ ফলত উৎপন্ন হোৱা অপকেন্দ্ৰীক বল $\vec{F} = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r})$ প্ৰতিষ্ঠা কৰা। ইয়াত ব্যৱহাৰ কৰা চিহ্নবোৰে সচৰাচৰ ব্যৱহাৰ কৰা অৰ্থ বুজাইছে।
- (c) Write the transformation relation between Cartesian (x, y, z) and spherical polar co-ordinates (γ, θ, ϕ) .

 Express $\nabla \cdot \vec{A}$ in spherical polar co-ordinate.

 2+3=5
 কার্টেছীয় স্থানাংক (x, y, z) আৰু গোলকীয় মেৰু স্থানাংক (γ, θ, ϕ) ৰ মাজৰ ৰূপান্তৰণ সম্বন্ধ লিখা। গোলকীয় মেৰু স্থানাংকত $\nabla \cdot \vec{A}$ প্রকাশ কৰা।
- (d) What do you understand by moment of inertia of a body? On which factor it depends? Explain the concept of radius of gyration. 1+2+2=5

1 (Sem-1) PHY/G

7

Contd.

- এটা বস্তুৰ জড়প্ৰামক বুলিলে কি বুজা? ইয়াৰ মান কি কি কাৰকৰ ওপৰত নিৰ্ভৰ কৰে? ঘূৰ্ণন ব্যাসাৰ্দ্ধৰ ধাৰণাটো ব্যাখ্যা কৰা।
- (e) What is inelastic collision? Show that in case of inelastic collision of two bodies there is always loss of kinetic energy.

 1+4=5
 অস্থিতিস্থাপক সংঘাত কি? দেখুওৱা যে দুটা বস্তুৰ মাজত হোৱা অস্থিতিস্থাপক সংঘাতত সদায় গতিশক্তি হ্ৰাস হয়।
- (f) Show that the function

$$\delta(x) = \lim_{\epsilon \to 0} \frac{\sin(2\pi \in x)}{\pi x}$$
 is a Dirac delta function.

দেখুওৱা যে

$$\delta(x) = \lim_{\epsilon \to 0} \frac{\sin(2\pi \in x)}{\pi x}$$
 ফলনটো ডিৰাক ডেল্টা

(g) Write the differential equation of SHM and find its solution.
সৰল দোলগতিৰ সমীকৰণটো লিখি ইয়াৰ সমাধান উলিওৱা।

- (h) What is non-inertial frame of reference? Deduce an expression of acceleration in rotating non-inertial frame. 1+4=5 অজড় প্ৰসংগ প্ৰণালী কি? ঘূৰ্ণীয়মান অজড় প্ৰসংগ প্ৰণালীত ত্বৰণৰ প্ৰকাশ ৰাশি প্ৰতিষ্ঠা কৰা।
- 4. Answer **any one** of the following questions:

তলৰ যিকোনো এটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

- (a) Prove the following vector identities : 3+2+5=10 তলৰ ভেক্টৰ সম্বন্ধ কেইটা প্ৰমাণ কৰা ঃ
 - (i) div curl $\vec{A} = 0$
 - (ii) div grad $\phi = \nabla^2 \phi$
 - (iii) curl curl $\vec{A} = grad \ div \ \vec{A} \nabla^2 \vec{A}$
- (b) (i) Find the expression of moment of inertia of a solid cylinder about an axis passing through its centre and perpendicular to its own axis.

7

গোটা চুঙা এটাৰ কেন্দ্ৰৰ মাজেৰে যোৱা আৰু তাৰ নিজ অক্ষৰ লম্ব হোৱা অক্ষ সাপেক্ষে জড় ভ্ৰামকৰ প্ৰকাশ ৰাশি উলিওৱা।

(ii) Calculate the moment of inertia of a circular disc of radius 20 cm, width 12 cm and density 9 gm/cm3 about an axis passing through its centre and perpendicular to its plane.

> 20 ছে.মি. ব্যাসার্দ্ধ, 12 ছে.মি. বেধ আৰু 9 গ্ৰাম/ ছে.মি.³ ঘনত্বৰ বৃত্তাকাৰ কাহী এখনৰ কেন্দ্ৰৰ মাজেদি যোৱা আৰু পৃষ্ঠতলৰ লম্ব হোৱা অক্ষ সাপেক্ষে জড় ভ্ৰামক গণনা কৰা।

- (c) What is cantilever? Deduce an expression for depression of a cantilever fixed at one end and loaded at the other 2+8=10 end with a load W. কেন্টিলিভাৰ কি? এটা প্ৰান্ত স্থিৰ আৰু আনটো প্ৰান্তত W ভাৰ দিলে কেণ্টিলিভাৰটোৰ মুক্ত প্ৰান্তত হোৱা অৱনমনৰ প্ৰকাশৰাশিটো উলিওৱা।
- (d) (i) Show that under central force $\vec{F} = \vec{F}\hat{r}$ the angular momentum is 5 conserved.

10

দেখুওৱা যে কেন্দ্ৰীয় বল $ec{F}=ec{F}\,\hat{r}$ ৰ অধীনত কৌণিক ভৰবেগ সংৰক্ষিত হয়।

Define curvilinear co-ordinate system. When is it called orthogonal? What is tangent vector in this co-ordinate? 3+1+1=5

> বক্ৰৰেখী স্থানাংক পদ্ধতিৰ সংজ্ঞা দিয়া। ইয়াক কেতিয়া লাম্বিক বোলা হয় ? এই স্থানাংক পদ্ধতিত স্পৰ্শীয় ভেক্টৰ কি?

11